

Exercice n°1 :

$$a = \frac{5}{3} + \frac{8}{3} = \frac{5+8}{3} = \frac{13}{3}$$

$$b = \frac{3}{8} + \frac{17}{8} = \frac{3+17}{8} = \frac{20}{8} = \frac{5}{2}$$

$$c = \frac{5}{3} \times \frac{7}{2} = \frac{5 \times 7}{3 \times 2} = \frac{35}{6}$$

$$d = 7 - \frac{3}{4} = \frac{7}{1} - \frac{3}{4} = \frac{28}{4} - \frac{3}{4} = \frac{28-3}{4} = \frac{25}{4}$$

$$e = \frac{5}{8} \times \frac{7}{8} = \frac{5 \times 7}{8 \times 8} = \frac{35}{64}$$

$$f = \frac{5}{3} + \frac{8}{24} = \frac{40}{24} + \frac{8}{24} = \frac{40+8}{24} = \frac{48}{24} = 2$$

$$g = \frac{3+7}{4+7} \times \frac{7+15}{12+8} = \frac{10}{11} \times \frac{22}{20} = \frac{10 \times 2 \times 11}{11 \times 2 \times 10} = 1$$

$$h = \left(\frac{8}{3} + \frac{2}{3} \right) - \left(\frac{7}{18} + \frac{8}{18} \right) = \frac{8+2}{3} - \frac{7+8}{18} = \frac{10}{3} - \frac{15}{18} = \frac{60}{18} - \frac{15}{18} = \frac{60-15}{18} = \frac{45}{18} = \frac{5}{2}$$

$$i = \frac{2}{3} + \frac{7}{3} \times \frac{4}{5} - \frac{1}{5} = \frac{2}{3} + \frac{28}{15} - \frac{1}{5} = \frac{10}{15} + \frac{28}{15} - \frac{3}{15} = \frac{10+28-3}{15} = \frac{35}{15} = \frac{7}{3}$$

Exercice n°2 :1) Calcul du volume de 150 billes

Soit V_1 le volume, on a : $V_1 = 150 \times \frac{4}{3} \times \pi \times \left(\frac{1,8}{2} \right)^3$

$$V_1 = 150 \times \frac{4}{3} \times \pi \times (0,9)^3$$

$$V_1 = 200 \times \pi \times 0,729$$

$$V_1 = 145,8\pi$$

$$V_1 \approx 458$$

Le volume de 150 billes est d'environ 458 cm^3

2) Calcul du volume intérieur du vase

Soit V_2 le volume, on a : $V_2 = \text{Longueur} \times \text{largeur} \times \text{hauteur}$

avec Longueur = $9 - 2 \times 0,2 = 8,6$ (cm)

largeur = 8,6 (cm) la base est un carré

hauteur = $21,7 - 1,7 = 20$ (cm)

On a : donc $V_2 = 8,6 \times 8,6 \times 20$

$$V_2 = 1\,479,2$$

Le volume intérieur du vase est égal à $1\,479,2 \text{ cm}^3$

2) Calcul de l'espace restant dans le vase

Soit V le volume restant, on a : $V \approx 1\,479,2 - 458 \approx 1\,021,2 \text{ (cm}^3\text{)}$

Comme $1 \text{ litre} = 1 \text{ dm}^3 = 1\,000 \text{ cm}^3$

Il reste donc environ $21,2 \text{ cm}^3$ ($1\,021,2 - 1\,000$)

Conclusion : Il peut ajouter un litre d'eau colorée sans risque de débordement