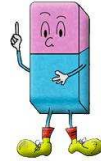


Thème N°22 : PROPORTIONNALITE (3)

Grandeurs composées

A la fin du thème, tu dois savoir :

- ☞ Notion de grandeur produit
- ☞ Notion de grandeur quotient
- ☞ Mener des calculs impliquant des grandeurs composées (échelle, vitesse,...)



A - GRANDEURS COMPOSEES ; UNITES DERIVEES

Certaines grandeurs se mesurent directement / Les longueurs (en cm), en m ...), les durées (en h, en s ...)
On les appelle des **grandeurs simples**

D'autres grandeurs s'expriment en fonction de ces grandeurs simples : On les appelle des **grandeurs composées**. (On trouve des **grandeurs quotients** et des **grandeurs produits**)

B - GRANDEUR QUOTIENT : Exemples

• Le débit

$$\text{Débit} = \frac{\text{Volume}}{\text{Temps}}$$

Si le volume de liquide écoulé est exprimé en mètres cubes (ou en litres) et si le temps d'écoulement est exprimé en secondes, alors, le débit est exprimée en m^3/s ou $\text{m}^3 \cdot \text{s}^{-1}$.

Méthode 1: Convertir des L/s en m^3/h

Exemple : Le débit d'une source est égal à 1,2 L/s ; exprimer ce débit en m^3/h

On convertit l'unité de volume : $1,2 \text{ L} = \dots\dots\dots \text{dm}^3 = \dots\dots\dots \text{m}^3$
Donc $1,2 \text{ L/s} = \dots\dots\dots \text{m}^3/\text{s}$

On convertit l'unité de temps : $1 \text{ h} = \dots\dots\dots \text{s}$
Donc en 3600 s, il coule $\dots\dots\dots \times \dots\dots\dots \text{m}^3$ soit $\dots\dots\dots \text{m}^3$

Conclusion : $1,2 \text{ L/s} = \dots\dots\dots \text{m}^3/\text{h}$.

• La masse volumique

La masse volumique d'un corps est le quotient de sa masse par son volume : $\rho = \frac{\text{Masse}}{\text{Volume}}$

Unités utilisées : g/cm^3 ; kg/m^3

Méthode 2: Convertir des g/cm^3 en kg/m^3

Exemple : Un bloc de fer a une masse volumique de 8 g/cm^3 . Convertir la masse volumique en kg/m^3

On convertit l'unité de masse : $8 \text{ g} = \dots\dots\dots \text{kg}$
Donc $8 \text{ g/cm}^3 = \dots\dots\dots \text{kg/cm}^3$

On convertit l'unité de volume : $1 \text{ m}^3 = \dots\dots\dots \text{cm}^3$
Donc pour $\dots\dots\dots \text{cm}^3$, la masse est de $\dots\dots\dots \times \dots\dots\dots \text{kg}$ soit $\dots\dots\dots \text{kg}$

Conclusion : $8 \text{ g/cm}^3 = \dots\dots\dots \text{kg/m}^3$.

- **La vitesse**

$$\text{Vitesse} = \frac{\text{distance}}{\text{temps}}$$

- Si la distance « d » est exprimée en kilomètres et le temps « t » en heures, alors la vitesse « v » est exprimée en kilomètres par heure notée km/h ou km.h⁻¹
- Si la distance « d » est exprimée en mètres et le temps « t » en secondes, alors la vitesse « v » est exprimée en mètres par seconde notée m/s ou m.s⁻¹

Méthode 3: Convertir des km/h en m/s

Exemple : Exprimer une vitesse de 90 km/h en m/s

On convertit l'unité de distance : 90 km = m
 Donc 90 km/h = m/h

On convertit l'unité de temps : 1 s = h
 Donc pour h, la distance parcourue est de × m soit m

Conclusion : 90 km/h = m/s .

C - GRANDEUR PRODUIT : Exemples

- **L'énergie électrique**

L'énergie électrique est l'énergie E consommée par un appareil électrique de puissance P pendant une durée t .

$$E = P \times t$$

Si la puissance P est exprimée en watt (W) et la durée en heure (h),
 l'énergie E sera exprimée en Wattheure (Wh).

Méthode 4: Calculer l'énergie électrique en kWh

Exemple : La puissance électrique d'un fer à repassé est de 1 kW. Calculer l'énergie électrique kWh transformée par le fer à repasser en 15 minutes.

On convertit l'unité de temps : 1 h = min
 Donc pour 15 min = h

Donc avec P = kW et t = h, on a : E = P × t = × =

Conclusion : Le fer à repassé dépense une énergie de kWh

- **L'aire d'une surface**

Par exemple, l'aire « A » d'un rectangle de longueur « L » et de largeur « l », exprimées en mètres, est obtenue en faisant le produit de « » par « ». Cette aire « A » est exprimée en m × m, c'est-à-dire en m².

- **Le volume d'un solide**

Par exemple, le volume « V » d'un pavé droit de dimensions « a », « b » et « c », exprimées en centimètres, est obtenu en faisant le produit × ×

Ce volume « V » est exprimé en cm × cm × cm.